

L3 STUE UDS et 1A EOST
Ondes sismiques
Contrôle continu 15 mars 2011 (sans document)

PARTIE COURS

I) Polarisation des ondes P, SV, SH

Le déplacement des particules d'une onde se propageant dans la direction Ox est $f(x/V-t)$.

1) Ecrire l'expression des composantes u_x, u_y, u_z du déplacement des particules dans le cas où il s'agit d'une onde P, d'une onde SV, d'une onde SH.

2) Mêmes questions si l'onde se propage sous un angle d'incidence θ par rapport à la verticale dans le plan x,z.

L'enregistrement de l'onde P du séisme du Japon de magnitude 9 à une station sismologique située à Tokyo, à une distance de 350 km, montre les valeurs d'amplitude maximum du déplacement des particules suivantes sur les trois composantes Nord-Sud (x), Est-Ouest(y) et verticale : $U_x = 0.6$ m, $U_y = 0.4$ m, $U_z = 0.4$ m.

3) Calculer la valeur maximum U du déplacement des particules dans la direction de propagation $\mathbf{e}$ et les angles α , β , et γ que fait $\mathbf{e}$ avec les axes x, y, et z. En déduire l'azimut de la direction d'arrivée de l'onde par rapport au Nord.

II) Loi de Snell-Descartes en 3D

On considère une interface plane 3D entre deux milieux homogènes de vitesse V_1 et V_2 . La normale à l'interface, orientée vers le milieu de vitesse V_1 , est notée $\mathbf{n}$. Un rayon sismique se propage dans le milieu 1 dans la direction $\mathbf{e}$. L'angle d'incidence mesuré par rapport à la normale $\mathbf{n}$ est θ_1 .

4) Etablir l'expression de la direction $\mathbf{e}_1$ du rayon réfléchi dans le milieu 1 en fonction de $\mathbf{e}$ et $\mathbf{n}$.

5) Etablir l'expression de la direction $\mathbf{e}_2$ du rayon transmis dans le milieu 2 en fonction de $\mathbf{e}$, $\mathbf{n}$, V_1 et V_2 .

III) Equation eikonale

Etablir l'équation eikonale pour les surfaces d'onde $T(x,y,z)$

6) En écrivant la relation géométrique que doivent vérifier les vitesses apparentes dans les trois directions x, y et z.

7) En cherchant une solution à l'équation des ondes $\Delta\varphi = (1/V(x,y,z)^2)\partial^2\varphi/\partial t^2$ sous la forme $\varphi = A(x,y,z)e^{i\omega(T(x,y,z)-t)}$ et en supposant que ω est grand (c'est à dire en considérant uniquement les termes en ω^2).